

## Množiny všech bodů dané vlastnosti v rovině

Základní množiny všech bodů dané vlastnosti v rovině

### Výklad



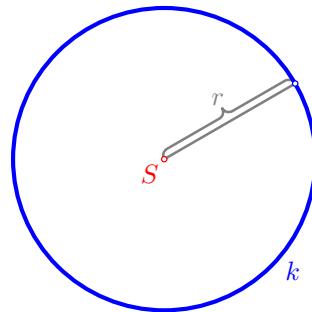
- **množinou  $M$  všech bodů dané vlastnosti  $V$**  rozumíme takový geometrický útvar  $G$ , jehož body splňují následující dvě podmínky:

1. každý bod útvaru  $G$  má danou vlastnost  $V$
2. každý bod, který má danou vlastnost  $V$ , je bodem útvaru  $G$

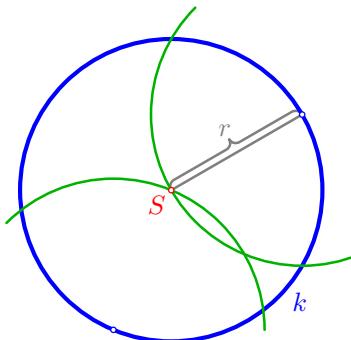
**Přehled nejužívanějších množin všech bodů dané vlastnosti v rovině**

$M_1$

- množina všech bodů, které mají od daného bodu  $S$  danou vzdálenost  $r$ , je **kružnice**  $k(S, r)$

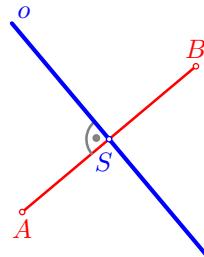


- tato kružnice je také množinou všech středů kružnic, jež mají daný poloměr  $r$  a procházejí daným bodem  $S$

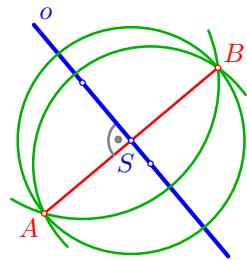


*M2*

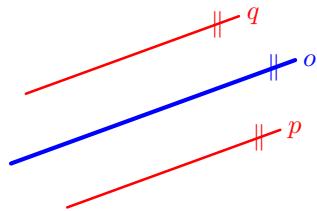
- množina všech bodů, které mají stejnou vzdálenost od dvou daných navzájem různých bodů  $A, B$ , je **osa úsečky  $AB$** , která je kolmá k úsečce  $AB$  a prochází jejím středem  $S$



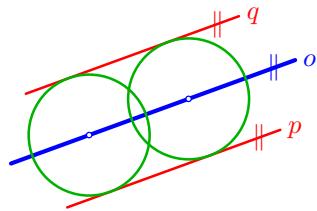
- tato osa úsečky je také množinou všech středů kružnic, jež procházejí danými body  $A, B$

*M3*

- množina všech bodů, které mají stejnou vzdálenost od dvou daných navzájem různých rovnoběžek  $p, q$  ( $p \neq q, p \parallel q$ ), je **osa pásu** jimi omezeného

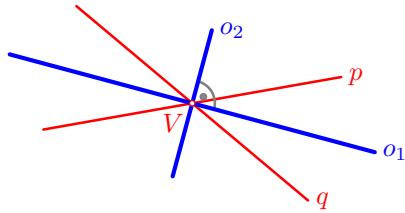


- tato osa pásu je také množinou všech středů kružnic, jež se dotýkají daných rovnoběžek  $p, q$

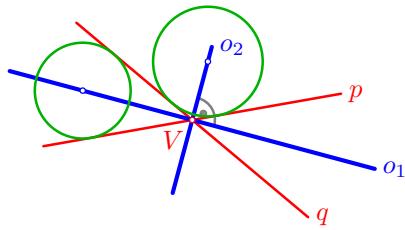


## M4

- množina všech bodů, které mají stejnou vzdálenost od dvou daných různoběžek  $p, q$ , jsou navzájem kolmé osy  $o_1, o_2$  ( $o_1 \perp o_2$ ) úhlů sevřených přímkami  $p, q$

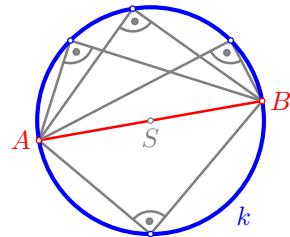


- tyto osy úhlů jsou také vyjma jejich průsečíku  $V = o_1 \cap o_2$  množinou všech středů kružnic, jež se dotýkají daných různoběžek  $p, q$



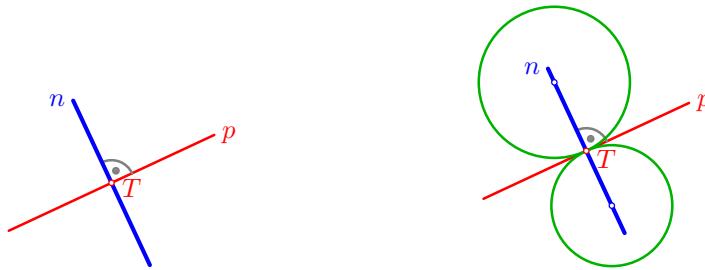
## M5

- množina všech bodů, z nichž je danou úsečku  $AB$  vidět pod pravým úhlem, je kružnice sestrojená nad průměrem  $AB$  (tzv. **Thaletova kružnice** nad daným průměrem) vyjma bodů  $A, B$
- tato Thaletova kružnice je jinak také množinou všech vrcholů pravých úhlů, jejichž ramena procházejí danými dvěma různými body  $A, B$



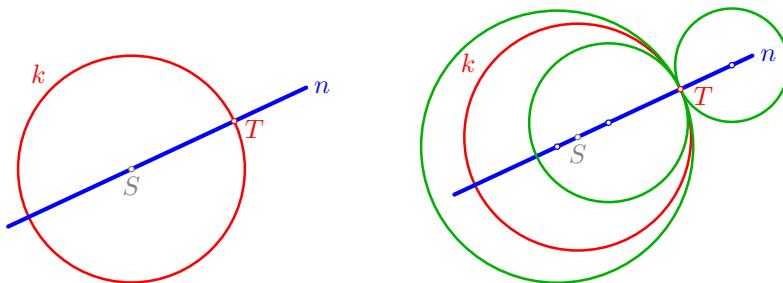
M6

- množina všech středů kružnic, které se dotýkají dané přímky  $p$  v jejím daném bodě  $T$ , je přímka  $n$  jdoucí daným bodem  $T$  kolmo k dané přímce  $p$  (**normála** přímky  $p$  v bodě  $T$ ;  $T \in n, n \perp p$ ) vyjma bodu  $T$



M7

- množina všech středů kružnic, které se dotýkají dané kružnice  $k(S, r=|ST|)$  v jejím daném bodě  $T$ , je přímka  $n=ST$  (**normála** kružnice  $k$  v bodě  $T$ ) vyjma bodů  $S, T$



M8

- množina všech středů kružnic, které se dotýkají dané kružnice  $k(S, r)$  a mají daný poloměr  $r'$ , jsou soustředné kružnice  $k_1(S, r + r')$  (pro vnější dotyk s  $k$ ) a  $k_2(S, |r - r'|)$  (pro vnitřní dotyk s  $k$ )

